

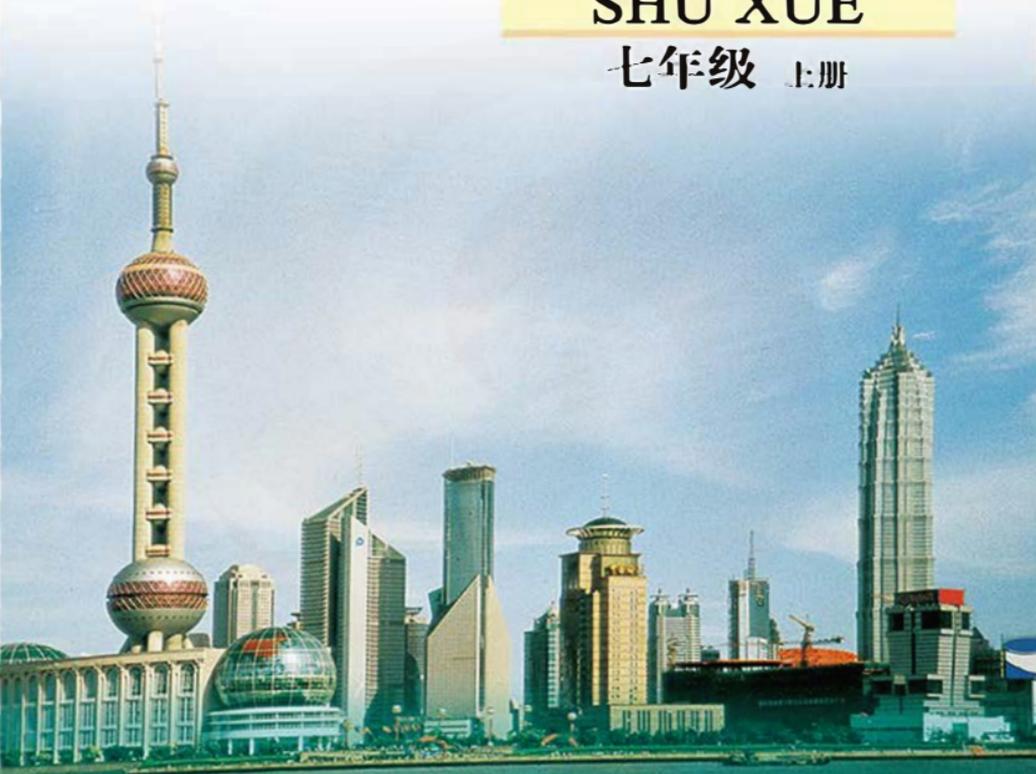


◇ 义务教育教科书

数学

SHU XUE

七年级 上册



江苏凤凰科学技术出版社



致

同

学

亲爱的同学：

祝贺你进入了新的学习阶段，开始了新的学习生活，结识了新的同学，这本新的数学课本也将成为你的好朋友！

生活中处处有数学。比如，为什么自行车的轮子是圆形的？数字有什么用途？等等。你想知道这些问题的答案吗？那就请打开课本吧！

数学并不难学，在这册课本中：

“数学与我们同行”将引导你漫游数学世界，感受它的多姿多彩。

在“有理数”里，你将结识“数的家庭”中的新成员——有理数、无理数，并学会有理数的有关计算方法。

在“代数式”里，你将学会用字母代替数，探索现实问题中的数量关系，并掌握有关代数式的一些运算方法。

“一元一次方程”将使你初步感受方程能有效地刻画现实世界的数量关系，并学会用方程解决一些实际问题。

“走进图形世界”将让你真切地感受到：我们生活在一个丰富多彩的图形世界里，通过探索它的奥秘，可以美化我们的生活，引发我们的思考。

“平面图形的认识(一)”将引导你进一步认识线段、射线、直线、角等简单图形，并初步感受它们如何构造一些比较复杂的图形。

“课题学习”要求你和你的同学一起开展数学活动，尝试用数学去解决实际问题的，从中感受数学的价值，并获得更多的情感体验。

你是否觉得学数学就是“算算”、“想想”？其实，数学也可以“做”——到“数学实验室”里“做”数学，在实验中发现数学规律；学习数学还应当积极参与各种各样的数学活动，在活动中思考，在思考中探索，并与老师、同学合作交流。“做一做”、“试一试”、“议一议”、“想一想”、“练一练”将为你插上“翅膀”，在数学的世界里翱翔。

目 录



第 1 章 数学与我们同行

- 1.1 生活 数学 6
- 1.2 活动 思考 8



第 2 章 有理数

- 2.1 正数与负数 12
- 2.2 有理数与无理数 15
- 2.3 数轴 18
- 2.4 绝对值与相反数 23
- 2.5 有理数的加法与减法 30
- 2.6 有理数的乘法与除法 41
- 2.7 有理数的乘方 50
- 2.8 有理数的混合运算 55
- 数学活动 算“24” 59
- 小结与思考 59
- 复习题 60



第 3 章 代数式

- 3.1 字母表示数 66
- 3.2 代数式 69

3.3	代数式的值	74
3.4	合并同类项	80
3.5	去括号	84
3.6	整式的加减	86
	数学活动 月历中的数学	89
	小结与思考	89
	复习题	90



第4章 一元一次方程

4.1	从问题到方程	96
4.2	解一元一次方程	99
4.3	用一元一次方程解决问题	105
	数学活动 一元一次方程应用的调查	114
	小结与思考	114
	复习题	115



第5章 走进图形世界

5.1	丰富的图形世界	120
5.2	图形的运动	125
5.3	展开与折叠	129
5.4	主视图、左视图、俯视图	134
	数学活动 设计包装纸箱	140

小结与思考 140

复习题 141



第6章 平面图形的认识(一)

6.1 线段、射线、直线 146

6.2 角 152

6.3 余角、补角、对顶角 159

6.4 平行 165

6.5 垂直 169

数学活动 测量距离 174

小结与思考 175

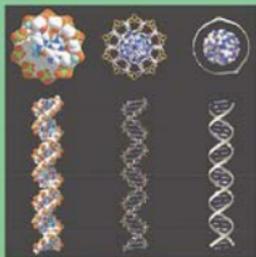
复习题 176

课题学习 制作无盖的长方体纸盒 179

数学活动评价表 180



第1章 数学与我们同行



宇宙之大，粒子之微，
火箭之速，化工之巧，
地球之变，生物之谜，
日用之繁，无处不用数学。

——华罗庚

$$v^2 = gR$$

车票中包含哪些信息？



车轮为什么是圆形的？



本章将通过对一些生活实例的观察，感受生活中处处有数学。通过数学活动，引发你的思考。

1.1 生活 数学



广阔的田野，繁华的都市，到处都有我们常见的图形、数字。我们生活在丰富多彩的数学世界中。

生活中，我们离不开数学，数学已成为我们表达和交流的工具。

身份证号码告诉了我们很多信息。某人的身份证号码是 $32010619621118 \times \times \times \times$ ，其中 32、01、06 是此人所属的省(市、自治区)、市、县(市、区)的编码，1962、11、18 是此人出生的年、月、日， $\times \times \times \times$ 中前三个数字是顺序码，最后一个数字是校验码。



奥林匹克五环旗也告诉了我们很多信息。在长方形的旗帜上有 5 个大小相同、颜色不同的圆环，环环相扣，象征五大洲的团结，体现“和平、友谊、进步”的奥林匹克宗旨。



北京 2008 奥运会会徽分上、中、下三个部分。主体为大红底色的白色“京”字，形状酷似“文”字，取意中国悠久的传统文化；又像是一个向前奔跑、迎接胜利的运动人形。“京”字下面是“Beijing 2008”和奥运五环标志。



议一议

1. 长途汽车票中的数字告诉了我们哪些信息？你的学籍号表达了哪些信息？
2. 从下面的图案中你获得了哪些信息？



试一试

1. “生活中处处有数学”，你能举出一些例子吗？
2. 估一估大树有多粗。



3. 学校打算用 16 m 长的篱笆围成长方形的生物园饲养小兔。怎样围可使小兔的活动范围较大？

1.2 活动 思考

活动一 把一张长方形纸片按图 1-1 折叠、裁剪、展开.

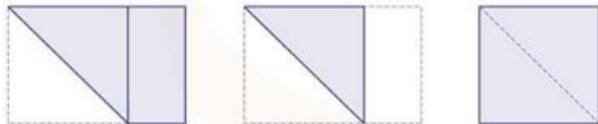


图 1-1

你得到了什么图形？说说你的理由.

活动二 按图 1-2 的方式，用火柴棒搭三角形.



图 1-2

搭 1 个三角形需要火柴棒 _____ 根；

搭 2 个三角形需要火柴棒 _____ 根；

搭 3 个三角形需要火柴棒 _____ 根；

搭 10 个三角形需要火柴棒 _____ 根.

活动三 观察月历：

日	一	二	三	四	五	六
		1	2	3	4	5
6	7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18	19
20	21	22	23	24	25	26
27	28	29	30	31		

(1) 月历中蓝色方框内的 4 个数之间有什么关系？在月历中再找一个这样的方框，其中的 4 个数也具有这样的关系吗？

(2) 月历中的黄色方框内有 9 个数，你能发现它们之间有什么关

系吗?

(3) 小明一家外出旅游 5 天, 这 5 天的日期之和是 20. 小明几号回家?



某校学生会为了更好地开展课外社团活动, 设计了如下表格对各班同学进行调查.

你最喜欢的社团调查表

班级_____

学号_____

社团	文学社	英语俱乐部	阳光艺术团	电脑与网络	篮球队	航模世界	生物天地
最喜欢的社团							

请你根据本校的实际情况, 设计 1 份类似的调查表, 通过调查了解情况, 为学校开展社团活动提出合理建议.



商品条形码

条形码是由美国的 N. T. Woodland 在 1949 年首先提出的. 近年来, 随着计算机的不断普及, 条形码得到了广泛的应用. 商品条形码是商品的“身份证”. 如食品、饮料、书籍、彩电、冰箱等商品都印有条形码(也称为“条码”).

商品条形码是由“条”、“空”及对应数字字符“码”组成的, 可以提供商品的生产国、制造厂家、商品名称等信息.

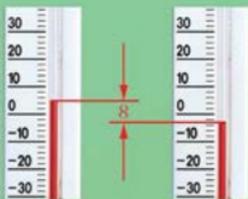
例如, 本册课本的条形码(如图)下方从左到右的 13 个数字中, “978”是图书代码, “7”表示中国出版的图书, “5345”是江苏凤凰科学技术出版社的代号, “9338”表示本册课本在该出版社排列的出版序号, 3 是校验码.



条形码上方的“ISBN 978-7-5345-9338-3”为国际标准书号. 其中, “978-7-5345-9338-3”与条形码的数字相同, “ISBN”是标识码, 是 International Standard Book Numbering(国际标准书号)的缩写.

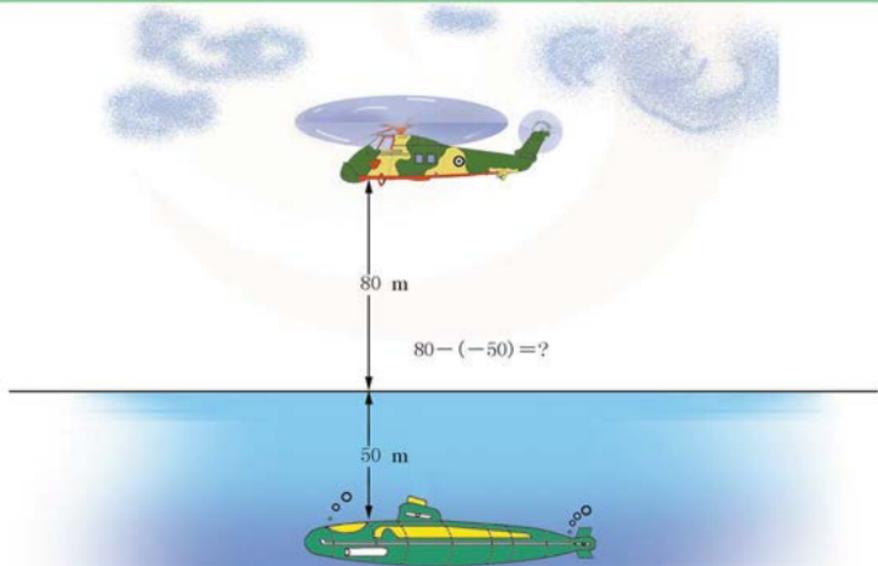
你能从某件产品的条形码中, 获取相关的信息吗?

第2章 有理数



$$5 - (-3) = 8$$

负数就在我们身边，
它把我们引向有理数的世界。





上面是某日中央电视台播发的天气预报画面。

(1) 说出画面里各城市的最低气温；

(2) 说出画面里哈尔滨、北京、上海的最高气温，并在温度计上表示出来：



哈尔滨



北京



上海

(3) 说出画面里最高气温与最低气温相差最大的城市。

2.1 正数与负数

在小学里，我们学过正数、负数、零。



高程测量纪念碑



旅游纪念碑

	凝固点(°C)	沸点(°C)
水	0	100
水银	-38.87	357
酒精	-117.3	78

资料卡片



新闻报道



你知道上面图片中 8 844.43、-154、-117.3、-0.102% 这些数的意义吗？

像 8 844.43、100、357、78 这样的数是**正数**(positive number)；像 -154、-38.87、-117.3、-0.102% 这样的数是**负数**(negative number)。0 既不是正数，也不是负数。

“+”读作“正”，如“ $+\frac{2}{3}$ ”读作“正三分之二”，正号通常省略不写；“-”读作“负”，如“-117.3”读作“负一百一十七点三”。

例1 指出下列数中的正数、负数：

$$+7, -9, \frac{1}{3}, -4.5, 998, -\frac{9}{10}, 0.$$

解： $+7, \frac{1}{3}, 998$ 是正数， $-9, -4.5, -\frac{9}{10}$ 是负数。

0°C 以上的温度用正数表示， 0°C 以下的温度用负数表示。日常生活中，许多具有相反意义的量都可以用正数、负数来表示。例如：高于海平面的高度用正数表示，低于海平面的高度用负数表示；收入若干元用正数表示，支出若干元用负数表示；……

例2 (1) 如果向北走 8 km 记作 $+8$ km，那么向南走 5 km 记作什么？

(2) 如果运进粮食 3 t 记作 $+3$ t，那么 -4 t 表示什么？

解：(1) 向南走 5 km 记作 -5 km；

(2) -4 t 表示运出粮食 4 t。

正整数、负整数、零统称为**整数**(integer)。

正分数、负分数统称为**分数**(fraction)。



练一练

1. 把下列各数填入相应的集合内： $+5, -7.25, -\frac{3}{4}, 0,$

$$+\frac{12}{5}, 0.32, -\frac{1}{2}.$$



正数集合



负数集合

2. 填空：

(1) 如果买入 200 kg 大米记作 $+200$ kg，那么卖出 120 kg 大米可记作_____；

(2) 如果-50元表示支出50元,那么+40元表示_____;

(3) 太平洋最深处的马里亚纳海沟低于海平面11 034 m,它的海拔可表示为_____.

3. 用正数或负数表示下列问题中的数:

(1) 甲船向东航行142 km,乙船向西航行142 km;

(2) A车向北行驶50 km,B车向南行驶40 km;

(3) 拖拉机加油50 L,用去油30 L.

计算器操作



在计算器上输入负数,要用负号键 (-) .

例如,输入-5,应依次按以下两键: (-) (5) .

2.1

习题

1. 试举几个应用负数的实例.

2. 在下列大括号内各写几个数:

正数集合: { _____ ... };

负数集合: { _____ ... }.

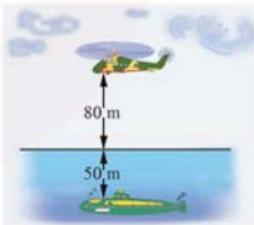
3. 填空:

(1) 如果盈利2万元记作+2万元,那么亏损3万元记作_____;

(2) 如果水位上升0.8 m记作+0.8 m,那么水位下降0.5 m记作_____.

4. 在一次军事训练中,一架直升机“停”在离海面80 m的低空,一艘潜水艇潜藏在水下50 m. 设海平面的高度为0 m,请用正数或负数表示该直升机和潜水艇的高度.

5. 举例说明“-7.3”可以表示不同的实际意义.



(第4题)

2.2 有理数与无理数

我们学过整数和分数. 实际上, 所有整数都可以写成分母是 1 的分数. 如, $5 = \frac{5}{1}$, $-4 = -\frac{4}{1}$, $0 = \frac{0}{1}$.

我们把能够写成分数形式 $\frac{m}{n}$ (m, n 是整数, $n \neq 0$) 的数叫做有理数 (rational number).



小学里我们还学过有限小数和循环小数, 它们是有理数吗?



实际上, 有限小数和循环小数都可以化为分数, 它们都是有理数.



如图 2-1, 将两个边长为 1 的小正方形, 沿图中红线剪开, 重新拼成一个大正方形, 它的面积为 2.

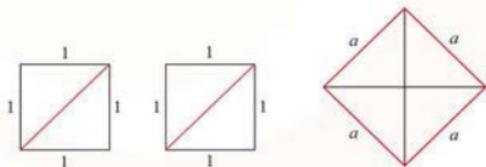


图 2-1

如果设大正方形的边长为 a , 那么 $a^2 = 2$. a 是有理数吗?

$$1^2=1, 2^2=4,$$

a 是大于 1 且小于 2 的数.



$$\frac{3}{2} \times \frac{3}{2} = \frac{9}{4},$$

a 不是 $\frac{3}{2}$.



$$1.5 \times 1.5 = 2.25,$$

$$1.4 \times 1.4 = 1.96,$$

$$1.4 < a < 1.5.$$



$$\frac{4}{3} \times \frac{4}{3} = \frac{16}{9},$$

$$\frac{5}{3} \times \frac{5}{3} = \frac{25}{9},$$

a 不是 $\frac{4}{3}, \frac{5}{3}$.



$$1.41 \times 1.41 = 1.9881,$$

$$1.42 \times 1.42 = 2.0164,$$

$$1.41 < a < 1.42,$$

⋮



$$\frac{5}{4} \times \frac{5}{4} = \frac{25}{16},$$

$$\frac{7}{4} \times \frac{7}{4} = \frac{49}{16},$$

a 不是 $\frac{5}{4}, \frac{7}{4}$.



⋮

事实上, a 不能写成 $\frac{m}{n}$ (m, n 是整数, $n \neq 0$) 的形式. a 是一个无限不循环小数, 它的值是 1.414 213 562 373⋯.

无限不循环小数叫做**无理数**(irrational number).

小学学过的圆周率 π 是无限不循环小数, 它的值是 3.141 592-583 589⋯, π 是无理数.

此外, 像 0.101 001 000 1⋯、-0.101 001 000 1⋯这样的无限不循环小数也是无理数.



练一练

将下列各数填入相应的括号内：

$$-6, 9.3, -\frac{1}{6}, 42, 0, -0.33, 0.333\cdots, 1.414\ 213\ 56,$$

$$-2\pi, 3.303\ 003\ 000\ 3\cdots, -3.141\ 592\ 6,$$

$$\text{正数集合: } \{ \quad \quad \quad \cdots \};$$

$$\text{负数集合: } \{ \quad \quad \quad \cdots \};$$

$$\text{有理数集合: } \{ \quad \quad \quad \cdots \};$$

$$\text{无理数集合: } \{ \quad \quad \quad \cdots \}.$$



读一读

循环小数可以化为分数

如果一个无限小数的各数位上的数字，从小数部分的某一位起，按一定顺序不断重复出现，那么这样的小数叫做无限循环小数，简称循环小数，其中重复出现的一个或几个数字叫做它的一个循环节。例如， $0.666\cdots$ 的循环节是“6”，它可以写作 $0.\dot{6}$ 。像这样的循环小数称为纯循环小数。又如， $0.1333\cdots$ 、 $0.345\ 645\ 645\ 6\cdots$ 的循环节分别为“3”、“456”，它们可分别写作 $0.1\dot{3}$ 、 $0.345\ \dot{6}$ 。像这样的循环小数称为混循环小数。

纯循环小数化为分数时，分数的分子是它的一个循环节的数字所组成的数，分母则由若干个9组成，9的个数为一个循环节的数字的个数。

$$\text{例如, } 0.\dot{6} = \frac{6}{9} = \frac{2}{3}; 0.\dot{1}3\dot{3} = \frac{13}{99} = \frac{2}{11}.$$

混循环小数可以先化为纯循环小数，然后再化为分数。例如：

$$0.1\dot{3} = \frac{1}{10} \times 1.\dot{3} = \frac{1}{10} \times (1 + 0.\dot{3}) = \frac{1}{10} + \frac{1}{10} \times \frac{3}{9} = \frac{2}{15};$$

$$0.345\ \dot{6} = \frac{1}{10} \times 3.45\dot{6} = \frac{1}{10} \times (3 + 0.45\dot{6}) = \frac{3}{10} + \frac{1}{10} \times \frac{456}{999} = \frac{1\ 151}{3\ 330}.$$



2.2

习题

1. 将下列各数填入相应的集合内：

$$-\frac{7}{4}, 1.010\ 010\ 001, \frac{8}{33}, 0, -\pi, \frac{355}{113}, -2.626\ 626\ 662\cdots, 0.1\dot{2}.$$



有理数集合



无理数集合

2. 你能写出一个无理数吗？试试看。

2.3 数轴

在小学里，我们会根据直线上一个点的位置写出合适的数，也会在直线上画出表示一个数的点。



试一试

试把图 2-2 中直线上的点所表示的数写在相应的方框里：



图 2-2



做一做

- 画一条水平直线，并在这条直线上取一点表示 0，我们把这个点称为**原点**(origin)。
- 规定直线上从原点向右为正方向(画箭头表示)，向左为负方向。
- 取适当长度(如 1 cm)为单位长度，在直线上，从原点向右每隔一个单位长度取一点，依次表示 1, 2, 3 ……从原点向左每隔一个单位长度取一点，依次表示 -1, -2, -3 ……

如图 2-3，像这样规定了原点、正方向和单位长度的直线叫做**数轴**(number axis)。



图 2-3

在数轴上，用原点右边到原点的距离是 1.5 个单位长度的点表示 1.5，用原点左边到原点的距离是 2.4 个单位长度的点表示 -2.4……

例 1 如图 2-4，分别写出数轴上点 A、B、C 表示的数：



图 2-4

解：点 A 表示的数是 -2.5；点 B 表示的数是 0；点 C 表示的数是 3.5。

例 2 在数轴上画出表示下列各数的点：

$$-1.5, 3, -\frac{3}{5}, 1.5, -3\frac{1}{2}.$$

解：如图 2-5.

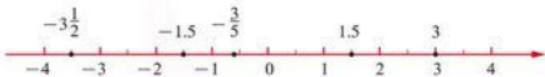
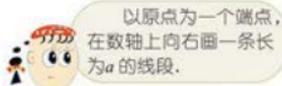


图 2-5



面积为 2 的正方形的边长 a 是无理数，如何在数轴上画出表示 a 的点？



a 应位于 1.41 与 1.42 之间。



将图 2-1 中边长为 a 的正方形放到数轴上(如图 2-6)，以原点为圆心、 a 为半径，用圆规画出数轴上的一个点 A ，点 A 就表示无理数 a 。

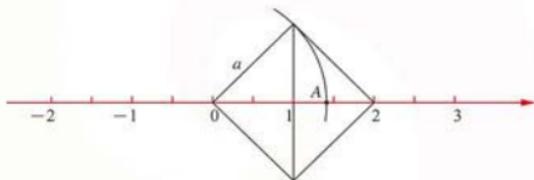


图 2-6



怎样用数轴上的点表示圆周率 π ？

做一个直径为 1 个单位长度的圆片，它的周长为 $2\pi \times \frac{1}{2} = \pi$ 。



把圆片上的点 A 放在原点，并把圆片沿数轴无滑动地滚动 1 周，点 A 到达点 A' 的位置，点 A' 表示的数就是 π 。

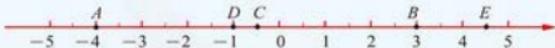


有理数和无理数都可以用数轴上的点表示；反过来，数轴上的任意一点都表示一个有理数或无理数。



练一练

1. 分别写出数轴上点 A、B、C、D、E 表示的数：



(第1题)

2. 在数轴上画出表示下列各数的点：

$$-5.5, -3.5, -2, -3, 0.5.$$

3. 在图 2-6 中，画出表示 $-a$ 的点。



试一试

- 把 0°C 、 5°C 、 -3°C 、 -2°C 按从低到高的顺序排列。在数轴上画出表示 0、5、-3、-2 的点，你能比较这几个数的大小吗？
- 任意给出几个数，并在数轴上画出表示这几个数的点，你能比较这几个数的大小吗？
- 数轴上点的位置与它们所表示的数的大小有什么关系？

在数轴上表示的两个数，右边的数总比左边的数大。
正数都大于 0，负数都小于 0，正数大于负数。

例 3 比较 -3.5 和 -0.5 的大小。

解：如图 2-7，在数轴上分别画出表示 -3.5 和 -0.5 的点 A、B。



图 2-7

因为点 B 在点 A 的右边，所以 $-0.5 > -3.5$ 。

例 4 在数轴上画出表示下列各数的点，并用“<”号将这些数按从小到大的顺序连接起来：

$$-\frac{1}{2}, 0, 2, -3, 5, -1.5.$$

解：如图 2-8，在数轴上画出表示各数的点：



图 2-8

根据各点在数轴上的位置，得

$$-3 < -1.5 < -\frac{1}{2} < 0 < 2 < 5.$$



练一练

1. 在数轴上画出表示下列各数的点，并用“<”号将这些数按从小到大的顺序连接起来：

$$-4.5, 1.5, 0, 4.5, -0.5, -4, 3.$$

2. 如图，点 A、B、C 表示的 3 个数中，哪个最大？哪个最小？



(第 2 题)

3. 数轴上的点 A 和点 B 分别表示 $-\frac{1}{2}$ 与 $-\frac{3}{4}$ ，哪一个点离原点的距离较近？ $-\frac{1}{2}$ 与 $-\frac{3}{4}$ 哪一个数较大？



1. 分别写出数轴上的点 A、B、C、D、E 表示的数。



(第 1 题)

2. 在数轴上画出表示下列各数的点:

(1) -0.5 , 1 , -2.5 , 0.5 ; (2) -30 , 50 , 25 , -10 .

3. 比较下列各组数的大小:

(1) -35 与 -12 ;

(2) -8 与 0 ;

(3) -18 与 3 ;

(4) -12.5 与 -8 ;

(5) $-\frac{1}{3}$ 与 $\frac{1}{2}$;

(6) $-\frac{4}{5}$ 与 $-\frac{19}{5}$.

4. 点 A 、 B 、 C 为数轴上的 3 点.



(第4题)

(1) 如果把点 A 向右移动 3 个单位长度, 那么点 A 、 B 、 C 表示的数中, 哪个数最小?

(2) 如果把点 C 向左移动 6 个单位长度, 那么点 B 表示的数比点 C 表示的数大多少?

5. 下表记录的是我国 8 个城市某天的最低气温, 请将这 8 个城市的名称按气温从低到高的顺序重新排列.

北京	哈尔滨	南京	乌鲁木齐	拉萨	广州	台北	海口
-7°C	-25°C	0°C	-12°C	-8°C	14°C	12°C	15°C

6. 根据“2.1 正数与负数”中的资料卡片提供的信息, 回答问题: 要测量 -50°C 左右的气温, 应使用水银温度计还是酒精温度计?

2.4 绝对值与相反数

小明家在学校正西方 3 km 处，小丽家在学校正东方 2 km 处，他们上学所花的时间，与各家到学校的距离有关。



画数轴，用数轴上的点表示学校、小明家、小丽家的位置。

如图 2-9，用数轴的原点 O 表示学校的位置，点 A 、点 B 分别表示小明家、小丽家的位置。点 A 与原点的距离是 3 个单位长度，点 B 与原点的距离是 2 个单位长度。

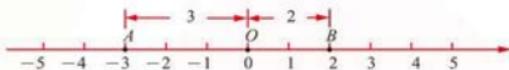


图 2-9

数轴上表示一个数的点与原点的距离叫做这个数的**绝对值**(absolute value)。

例如，数轴上表示 -3 的点与原点的距离是 3，因此 -3 的绝对值是 3；表示 2 的点与原点的距离是 2，因此 2 的绝对值是 2；表示 0 的点与原点的距离是 0，因此 0 的绝对值是 0。



如图 2-10，你能说出数轴上点 A 、 B 、 C 、 D 、 E 所表示的数的绝对值吗？

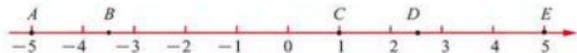


图 2-10

例1 求4、-3.5的绝对值.

解: 如图2-11, 在数轴上分别画出表示4、-3.5的点A、点B.

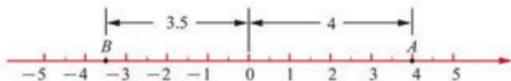


图 2-11

因为点A与原点的距离是4, 所以4的绝对值是4;

因为点B与原点的距离是3.5, 所以-3.5的绝对值是3.5.

通常, 我们将数 a 的绝对值记为 $|a|$. 这样, 例1的结论可以写为 $|4|=4$, $|-3.5|=3.5$.

例2 已知一个数的绝对值是 $\frac{5}{2}$, 求这个数.

解: 如图2-12, 数轴上到原点的距离是 $\frac{5}{2}$ 的点有2个, 它们是点A和点B, 分别表示 $\frac{5}{2}$ 、 $-\frac{5}{2}$.

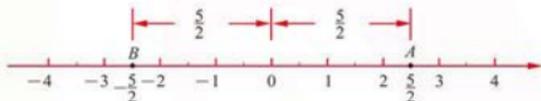


图 2-12

绝对值是 $\frac{5}{2}$ 的数有2个, 它们是 $\frac{5}{2}$ 、 $-\frac{5}{2}$.



练一练

1. 用数轴上的点表示下列各数, 并说出这些数的绝对值:

$$-5, \frac{3}{2}, -0.4, 0, 5, -2.$$

2. 已知一个数的绝对值是2, 求这个数.



1. 如图 2-13, 观察数轴上点 A 、点 B 的位置及它们到原点的距离, 你有什么发现?

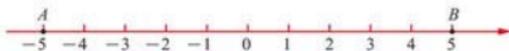
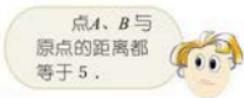


图 2-13



2. 观察下列各组数, 你有什么发现? 请与同学交流.

$$5 \text{ 与 } -5, 2.5 \text{ 与 } -2.5, \frac{2}{3} \text{ 与 } -\frac{2}{3}, \pi \text{ 与 } -\pi.$$

像 5 与 -5 、 2.5 与 -2.5 、 $\frac{2}{3}$ 与 $-\frac{2}{3}$ 、 π 与 $-\pi$ ……符号不同、绝对值相同的两个数互为相反数, 其中一个数叫做另一个数的**相反数**(*opposite number*). 例如, 5 与 -5 互为相反数, 其中 5 是 -5 的相反数, -5 是 5 的相反数; π 的相反数是 $-\pi$.

0 的相反数是 0.

例 3 求 3、 -4.5 、 $\frac{4}{7}$ 的相反数.

解: 3、 -4.5 、 $\frac{4}{7}$ 的相反数分别是 -3 、 4.5 、 $-\frac{4}{7}$.

表示一个数的相反数可以在这个数的前面添一个“ $-$ ”号. 如 -5 的相反数可以表示为 $-(-5)$, 而我们知道 -5 的相反数是 5, 所以 $-(-5) = 5$.

例 4 化简: $-(+2)$, $-(+2.7)$, $-(-3)$, $-\left(-\frac{3}{4}\right)$.

解: 因为 $+2$ 的相反数是 -2 ,
所以 $-(+2) = -2$.

类似地, $-(+2.7) = -2.7$.

因为 -3 的相反数是 3 ,

所以 $-(-3) = 3$.

类似地, $-(-\frac{3}{4}) = \frac{3}{4}$.



练一练

1. 写出下列各数的相反数:

$$0, 58, -4, 3.14, -\frac{2}{3}.$$

2. 用数轴上的点表示下列各数以及它们的相反数:

$$-4, 0.5, 3, -2.$$

3. 填空:

(1) $-(-7)$ 是 _____ 的相反数, $-(-7) =$ _____;

(2) $-(+4)$ 是 _____ 的相反数, $-(+4) =$ _____.

4. 化简: $-(+2.5)$, $-(-2.5)$, $+(-2.5)$, $+(+2.5)$.

计算器操作



求一个数的相反数, 要用负号键 $(-)$. 例如:

(1) 求 5 的相反数, 应依次按键: $(-)$ 5 $=$, 所得结果是 -5 .

(2) 求 -5 的相反数, 应依次按键: $(-)$ $(-)$ 5 $=$, 所得结果是 5 .



试一试

根据绝对值与相反数的意义填空:

(1) $|2.3| =$ _____, $|\frac{7}{4}| =$ _____, $|6| =$ _____;

(2) $|-5| =$ _____, -5 的相反数是 _____,
 $|-10.5| =$ _____, -10.5 的相反数是 _____,
 $|\frac{7}{4}| =$ _____, $-\frac{7}{4}$ 的相反数是 _____;

(3) $|0| =$ _____.



议一议

一个数的绝对值与这个数本身或它的相反数有什么关系？

正数的绝对值是它本身；
负数的绝对值是它的相反数；
0 的绝对值是 0.

例 5 求下列各数的绝对值：

$$+6, \pi, -3, -2.7, 0.$$

解： $|+6| = 6,$

正数的绝对值是它本身

$$|\pi| = \pi,$$

$$|-3| = -(-3) = 3,$$

负数的绝对值是它的相反数

$$|-2.7| = -(-2.7) = 2.7,$$

$$|0| = 0.$$

0 的绝对值是 0

求数 a 的绝对值，首先要分清 a 是正数、负数，还是 0，然后才能正确地写出它的绝对值。

当 a 是正数时， a 的绝对值是它本身，即当 $a > 0$ 时， $|a| = a$ ；

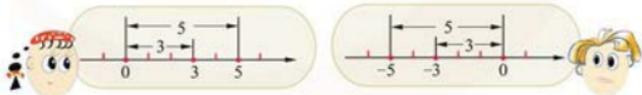
当 a 是 0 时， a 的绝对值是 0，即当 $a = 0$ 时， $|a| = 0$ ；

当 a 是负数时， a 的绝对值是它的相反数，即当 $a < 0$ 时， $|a| = -a$ 。



议一议

在两个正数中，绝对值较大的那个数一定大吗？两个负数呢？



数轴上表示两个正数的点都在原点的右边，其中表示绝对值较大的正数的点在另一个点的右边；数轴上表示两个负数的点都在原点的左边，其中表示绝对值较大的负数的点在另一个点的左边。

两个正数，绝对值大的正数大；

两个负数，绝对值大的负数小。

例6 比较 -9.5 与 -1.75 的大小。

解：因为 $|-9.5| = 9.5$ ， $|-1.75| = 1.75$ ，且 $9.5 > 1.75$ ，

所以 $-9.5 < -1.75$ 。

两个负数，绝对值大的负数小



练一练

1. 填空：

(1) $-\frac{2}{5}$ 的符号是_____，绝对值是_____；

(2) 10.5 的符号是_____，绝对值是_____；

(3) 符号是“+”，绝对值是 $\frac{3}{7}$ 的数是_____；

(4) 符号是“-”，绝对值是9的数是_____；

(5) 符号是“-”，绝对值是0.37的数是_____。

2. 用“<”或“>”填空：

(1) -12.3 _____ -12 ；

(2) $-(-2.75)$ _____ $-(-2.67)$ ；

(3) $|-8|$ _____ -8 ；

(4) $-|-0.4|$ _____ $-(-0.4)$ 。

2.4

习题

1. 用数轴上的点表示下列各数，并写出它们的绝对值：

$$0, -2, 7.3, \frac{1}{2}, -3\frac{3}{5}.$$

2. 写出下列各数的相反数：

$$11.2, 9, -4.6, -\frac{5}{8}, 4\frac{2}{3}.$$

3. 用数轴上的点表示5、-1.5、4、-3以及它们的相反数。

4. 化简： $-(+5)$ ， $+(-4)$ ， $-|-\frac{4}{5}|$ ， $-(-3.2)$ ， $+(+7)$ 。

5. 根据下列要求, 分别写出各数:

(1) 符号为“+”, 绝对值是 0.5 的数;

(2) 符号为“-”, 绝对值是 3 的数;

(3) 绝对值是 2 的数;

(4) 绝对值小于 2 的整数.

6. 某年哈尔滨的月平均气温($^{\circ}\text{C}$)如下表所示:

1月	2月	3月	4月	5月	6月	7月	8月	9月	10月	11月	12月
-20.2	-14.0	-2.3	6.0	14.7	21.3	22.3	19.7	14.2	4.1	-5.5	-12.8

请将 1~12 月份按月平均气温从低到高的顺序重新排列.

7. 比较下列各组数的大小:

(1) 3 与 -7 ;

(2) -5.3 与 -5.4 ;

(3) $-\frac{3}{8}$ 与 $-\frac{5}{8}$;

(4) $-|-3.71|$ 与 $-(-0.84)$.

8. 从小学开始, 我们已在不同的情形中多次使用“-”号. 例如 $5-3$ 、 -3 、 $-(-5)$ 等. 你能分别说出这几个“-”号的意义吗?

9. 比赛用的乒乓球的质量有严格的规定, 但实际生产的乒乓球的质量可能会有一些偏差. 请你根据以下检验记录(“+”表示超出标准质量, “-”表示不足标准质量), 选出质量最接近标准质量的乒乓球.

编号	1	2	3	4	5
偏差/g	+0.04	-0.02	+0.03	+0.05	-0.04

2.5 有理数的加法与减法

小学里，我们学过加法和减法运算，引进负数后，怎样进行有理数的加法和减法运算呢？



试一试

甲、乙两队进行足球比赛，如果甲队在主场赢了3球，在客场输了2球，那么两场比赛后甲队净胜1球。

你能把上面比赛的过程及结果用有理数的算式表示出来吗？

如果把赢3球记作“+3”，输2球记作“-2”，那么计算甲队在两场比赛中的净胜球数，就只要把(+3)与(-2)合起来，即把(+3)与(-2)相加，列出算式 $(+3)+(-2)$ 。

我们已经知道，甲队在两场比赛中净胜1球，于是：

$$(+3)+(-2)=+1.$$



做一做

填写表中的空格：

赢球数		净胜球数	算式
主场	客场		
3	-2	1	$(+3)+(-2)=+1$
-3	2		
3	2		
-3	-2		
3	0		
0	-3		

你还能举出一些应用有理数加法的实际例子吗？



数学实验室

1. 把笔尖先放在数轴的原点, 然后沿数轴向左移动 5 个单位长度, 再向右移动 3 个单位长度, 这时笔尖停在“-2”的位置上. 用数轴(图 2-14)和算式可以将以上过程及结果分别表示为:



图 2-14

$$(-5) + (+3) = -2.$$

一个数加上正数, 和比这个数大.



2. 把笔尖先放在数轴的原点, 然后沿数轴向右移动 3 个单位长度, 再向左移动 2 个单位长度, 这时笔尖停在“1”的位置上. 用数轴(图 2-15)和算式可以将以上过程及结果分别表示为:

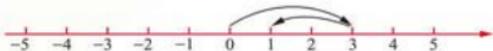


图 2-15

$$(+3) + (-2) = +1.$$

一个数加上负数, 和比这个数小.



3. 把笔尖先放在图 2-16 中数轴的原点, 然后沿数轴向左移动 3 个单位长度, 再向左移动 2 个单位长度, 这时笔尖的位置表示什么数? 请用数轴和算式分别表示以上过程及结果.



图 2-16

算式: _____.

再做一些类似的实验活动, 并写出相应的算式.

两个有理数相加, 和的符号怎样确定? 和的绝对值怎样确定?



议一议

有理数加法 (addition) 法则

同号两数相加，取相同的符号，并把绝对值相加。

异号两数相加，绝对值相等时，和为0；绝对值不等时，取绝对值较大的加数的符号，并用较大的绝对值减去较小的绝对值。

一个数与0相加，仍得这个数。

例1 计算：

$$(1) (-15) + (-3);$$

$$(2) (-180) + (+20);$$

$$(3) 5 + (-5);$$

$$(4) 0 + (-2).$$

解：(1) $(-15) + (-3)$

$$= -(15+3)$$

$$= -18;$$

(2) $(-180) + (+20)$

$$= -(180-20)$$

$$= -160;$$

(3) $5 + (-5) = 0;$

(4) $0 + (-2) = -2.$

$$\begin{aligned} |-180| &= 180, \\ |+20| &= 20. \end{aligned}$$



互为相反数的两数之和为0.



练一练

1. 计算：

$$(1) (-13) + 25;$$

$$(2) (-52) + (-7);$$

$$(3) (-23) + 0;$$

$$(4) 4.5 + (-4.5).$$

2. 规定扑克牌中的黑色数字为正数，红色数字为负数，且J为11，Q为12，K为13，A为1，2张JOKER均为0。例如，图中的4张牌分别表示+5、+9、-11、-13。

从一副扑克牌中任意抽出2张牌，请你的同桌计算牌面所表示的两数之和，然后请他抽牌，你来回答。



(第2题)



下面的两块黑板中，左边黑板上两个算式的结果相等吗？

把 \triangle 、 \circ 中的数换成其他的有理数，两个算式的结果仍相等吗？

$$\begin{array}{l} \triangle 3 + \circ -5 = \underline{\quad} \\ \circ -5 + \triangle 3 = \underline{\quad} \end{array}$$

$$\begin{array}{l} (\triangle 3 + \circ -5) + \square -7 = \underline{\quad} \\ \triangle 3 + (\circ -5 + \square -7) = \underline{\quad} \end{array}$$

上面的两块黑板中，右边黑板上两个算式的结果相等吗？

把 \triangle 、 \circ 、 \square 中的数换成其他的有理数，两个算式的结果仍相等吗？

事实上，小学里学过的加法交换律、结合律，在有理数范围内仍然适用。

有理数加法运算律

交换律： $a+b=b+a$ 。

结合律： $(a+b)+c=a+(b+c)$ 。

根据有理数加法运算律，在进行有理数加法运算时，可以交换加数的位置，也可以把其中的几个数先相加。

例 2 计算：

(1) $(-23) + (+58) + (-17)$ ；

(2) $(-2.8) + (-3.6) + (-1.5) + 3.6$ ；

(3) $\frac{1}{6} + \left(-\frac{2}{7}\right) + \left(-\frac{5}{6}\right) + \left(+\frac{5}{7}\right)$ 。

解：(1) $(-23) + (+58) + (-17)$
 $= [(-23) + (-17)] + (+58)$
 $= (-40) + (+58)$
 $= +(58-40)$
 $= 18$ ；

$$\begin{aligned}
 (2) \quad & (-2.8) + (-3.6) + (-1.5) + 3.6 \\
 & = [(-2.8) + (-1.5)] + [(-3.6) + 3.6] \\
 & = -4.3 + 0 \\
 & = -4.3;
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & \frac{1}{6} + \left(-\frac{2}{7}\right) + \left(-\frac{5}{6}\right) + \left(+\frac{5}{7}\right) \\
 & = \left[\frac{1}{6} + \left(-\frac{5}{6}\right)\right] + \left[\left(-\frac{2}{7}\right) + \left(+\frac{5}{7}\right)\right] \\
 & = \left(-\frac{2}{3}\right) + \left(+\frac{3}{7}\right) \\
 & = -\left(\frac{14}{21} - \frac{9}{21}\right) \\
 & = -\frac{5}{21}.
 \end{aligned}$$



练一练

计算：

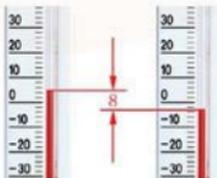
- (1) $(-11) + 8 + (-14)$;
- (2) $8 + (-2) + (-4) + 1 + (-3)$;
- (3) $(-4) + (-3) + (-4) + 3$;
- (4) $0.35 + (-0.6) + 0.25 + (-5.4)$;
- (5) $\left(-\frac{3}{4}\right) + \left(-\frac{2}{3}\right) + \left(-\frac{1}{4}\right) + \frac{2}{3}$;
- (6) $(-2) + \left(-\frac{1}{2}\right) + \frac{1}{3} + \left(-\frac{1}{6}\right)$.

一天中的最高气温与最低气温的差叫做日温差。

如果某天最高气温是 5°C ，最低气温是 -3°C ，那么这天的日温差记作 $[5 - (-3)]^{\circ}\text{C}$ 。

怎样计算 $5 - (-3)$ 呢？

求 $5 - (-3)$ 的差，就是要求一个数，使它与 -3 的和等于 5 。这个数是 8 。



从上往下看， 5°C 到 -3°C 温度下降了 $5 + 3 = 8 (^{\circ}\text{C})$ 。



小明和小丽的算法正确吗？

比较他们的算法：

$$\begin{array}{c}
 5 - (-3) = 8. \\
 \downarrow \quad \downarrow \\
 \text{减号变成加号} \quad \text{-3 变成它的相反数 3} \\
 5 + 3 = 8.
 \end{array}$$

以上两种算法的结果相同，所以

$$5 - (-3) = 5 + 3.$$

减法转化成了加法。



仿照上面的算式，填空：

- (1) $(-3) - 5 = (-3) + \underline{\quad}$ ；
 (2) $3 - (-5) = 3 + \underline{\quad}$ ；
 (3) $3 - 5 = 3 + \underline{\quad}$ ；
 (4) $(-3) - (-5) = (-3) + \underline{\quad}$ 。

有理数减法 (subtraction) 法则

减去一个数，等于加上这个数的相反数。

例 3 计算：

- (1) $0 - (-22)$ ； (2) $8.5 - (-1.5)$ ；
 (3) $(+4) - 16$ ； (4) $(-\frac{1}{2}) - \frac{1}{4}$ 。

解：(1) $0 - (-22) = 0 + 22 = 22$ ；

(2) $8.5 - (-1.5) = 8.5 + 1.5 = 10$ ；

(3) $(+4) - 16 = (+4) + (-16) = -12$ ；

(4) $(-\frac{1}{2}) - \frac{1}{4} = (-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{4}) = -\frac{3}{4}$ 。

例4 根据天气预报画面，计算各城市的日温差。



解：北京的日温差： $8 - 0 = 8(^{\circ}\text{C})$ ；

呼和浩特的日温差： $4 - (-4) = 4 + 4 = 8(^{\circ}\text{C})$ ；

天津的日温差： $9 - (-2) = 9 + 2 = 11(^{\circ}\text{C})$ ；

沈阳的日温差： $2 - (-7) = 2 + 7 = 9(^{\circ}\text{C})$ ；

长春的日温差： $1 - (-10) = 1 + 10 = 11(^{\circ}\text{C})$ ；

哈尔滨的日温差： $-5 - (-14) = -5 + 14 = 9(^{\circ}\text{C})$ 。



练一练

1. 计算：

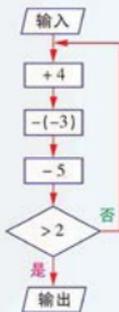
(1) $6 - (-11)$ ；

(2) $6 - 11$ ；

(3) $(-6) - 11$ ；

(4) $(-6) - (-11)$ 。

2. 在图中输入-1，按所示的程序运算(完成一个方框内的运算后，把结果输入下一个方框继续进行运算)，并写出输出的结果。



(第2题)

根据有理数减法法则，有理数的加减混合运算可以统一为加法运算.

例 5 计算：

$$(1) 2+5-8;$$

$$(2) 14-25+12-17.$$

解：(1) $2+5-8$

$$= 2+5+(-8)$$

统一为加法

$$= (2+5)+(-8)$$

加法结合律

$$= 7+(-8)$$

$$= -1;$$

$$(2) 14-25+12-17$$

$$= 14+(-25)+12+(-17)$$

$$= (14+12)+[(-25)+(-17)]$$

$$= 26+(-42)$$

$$= -16.$$

有理数加减混合运算可以看成几个有理数的加法运算，其中加号省略了。例如， $2+5-8$ 可以看成 $+2$ 、 $+5$ 与 -8 相加； $14-25+12-17$ 可以看成 $+14$ 、 -25 、 $+12$ 与 -17 相加。

例 6 计算：

$$(1) -3-5+4;$$

$$(2) -26+43-24+13-46.$$

解：(1) $-3-5+4$

$$= -8+4$$

$$= -4;$$

$-3-5+4$ 表示 -3 、
 -5 与 $+4$ 相加。



$$(2) -26+43-24+13-46$$

$$= -26-24-46+43+13$$

加法交换律

$$= (-26-24-46)+(43+13)$$

加法结合律

$$= -96+56$$

$$= -40.$$

例7 巡道员沿一条东西向的铁路进行巡视维护. 他从住地出发, 先向东走了7 km, 休息之后又向东走了3 km, 然后折返向西走了11.5 km. 此时他在住地的什么方向? 与住地的距离是多少?



解: 如果把铁路看成数轴, 巡道员的住地看成原点, 规定向东为正, 那么根据题意, 可得

$$7 + 3 + (-11.5) = -1.5.$$

答: 此时巡道员在住地的西边, 离住地 1.5 km.



计算:

- (1) $7 - (-4) + (-5)$;
- (2) $-21 - 12 + 33 + 12 - 67$;
- (3) $5.4 - 2.3 + 1.5 - 4.2$;
- (4) $-\frac{1}{2} - \frac{5}{4} + \frac{3}{2} - \frac{1}{4}$.

计算器操作



进行有理数的加减混合运算, 可依次输入算式中各有理数及各级括号, 输入完毕, 按等号键 $\boxed{=}$, 即得运算结果.

例 计算: $-5 + (3 - 5) - (-2)$.

解: 依次按以下各键: $\boxed{(-)}$ $\boxed{5}$ $\boxed{+}$ $\boxed{(}$ $\boxed{3}$ $\boxed{-}$

$\boxed{5}$ $\boxed{)}$ $\boxed{-}$ $\boxed{(}$ $\boxed{2}$ $\boxed{)}$ $\boxed{=}$.

计算器显示的结果为-5.

当数字或符号输入错误时, 可按清除键 \boxed{CE} , 清除最右边一位字符后, 重新输入; 也可以按 $\boxed{\leftarrow}$ 或 $\boxed{\rightarrow}$ 键, 将光标移至应修改的字符处, 重新输入并将光标移回原处.



1. 计算:

(1) $(-81) + (-29)$;

(2) $(-17) + 21$;

(3) $35 + (-2.3)$;

(4) $(-1.2) + 1.8$;

(5) $0 + (-45)$;

(6) $(-13) + (+13)$.

2. 填空:

(1) $-1 + () = -1$;

(2) $-10 + () = 0$;

(3) $-4 + () = -8$;

(4) $-2 + () = +12$.

3. 计算:

(1) $(-1) + (-2) + (-4) + (-8) + 8$;

(2) $3 + (-1) + (-3) + 1 + (-4)$;

(3) $(-1\frac{1}{2}) + 1.25 + (-8.5) + 10\frac{3}{4}$;

(4) $(-2.25) + (-5.1) + \frac{1}{4} + (-4\frac{1}{8}) + (-\frac{9}{10})$.

4. 计算:

(1) $(-73) - 41$;

(2) $37 - (-14)$;

(3) $(-\frac{1}{3}) - \frac{1}{90}$;

(4) $\frac{3}{7} - \frac{1}{2}$.

5. 填空:

(1) $(+15) - () = -100$;

(2) $(-15) - () = -100$;

(3) $(-\frac{2}{3}) - () = \frac{1}{3}$;

(4) $(-\frac{2}{3}) + () = -\frac{1}{3}$.

6. 计算:

(1) $(-\frac{6}{5}) - (-0.2) + 1$;

(2) $\frac{2}{9} + 1\frac{5}{6} - (-\frac{2}{9}) + \frac{1}{2}$;

(3) $-23 + 18 - 1 - 15 + 23$;

(4) $-7.2 - 0.8 - 5.6 + 11.6$;

$$(5) -\frac{1}{4} - \frac{5}{6} - \frac{1}{2} + 4\frac{1}{4};$$

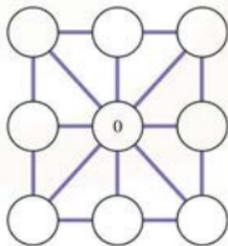
$$(6) 0.125 + 3\frac{1}{4} - \frac{1}{8} + 5.6 - 0.25.$$

7. 早晨 6:00 的气温为 -4°C ，到下午 2:00 气温上升了 8°C ，到晚上 10:00 气温又下降了 9°C ，晚上 10:00 的气温是多少？
8. 某种袋装奶粉标明标准净含量为 400 g，抽检其中 8 袋，记录如下（“+”表示超出标准净含量，“-”表示不足标准净含量）：

编 号	1	2	3	4	5	6	7	8
差值/g	-4.5	+5	0	+5	0	0	+2	-5

这 8 袋奶粉的总净含量是多少？

9. 我国新疆境内，有海拔 8 611 m 的世界第二高峰乔戈里峰，还有海拔 -154 m 的世界第二洼地吐鲁番艾丁湖。求这两地的高差。
10. 根据资料，1968 年 2 月 13 日在黑龙江省的漠河，测得我国最低气温为 -52.3°C ，1987 年 7 月 23 日在新疆的吐鲁番，测得我国最高气温为 47.7°C 。这两个气温的差是多少？
11. 如图，在圆圈内填上恰当的数，使每条线上的 3 个数之和为 0。如果将中心处的 0 改为 -5 ，那么怎样填写才能使每条线上的 3 个数之和为 -15 ？请与同学交流。



(第 11 题)

2.6 有理数的乘法与除法



做一做

在水文观测中，常常关注水位的高低与升降．请根据日常生活经验，填写下面的空格：

(1) 如果水位每天上升 4 cm，那么 3 天后的水位比今天____（填“高”或“低”）____cm；3 天前的水位比今天____cm．

(2) 如果水位每天下降 4 cm，那么 3 天后的水位比今天____cm；3 天前的水位比今天____cm．

我们用有理数的运算来研究上面的问题．

规定水位上升为正，水位下降为负；几天后为正，几天前为负．

(1) 按上面的规定，水位上升 4 cm 记作“+4”，3 天后记作“+3”，3 天后的水位变化是 $(+4) \times (+3)$ ．

我们已经知道，3 天后的水位比今天高 12 cm，所以

$$(+4) \times (+3) = +12.$$

类似地，3 天前的水位变化是 $(+4) \times (-3)$ ，3 天前的水位比今天低 12 cm，所以

$$(+4) \times (-3) = -12.$$

(2) 按上面的规定，水位下降 4 cm 记作“-4”，3 天后记作“+3”，3 天后的水位变化是 $(-4) \times (+3)$ ．

我们已经知道，3 天后的水位比今天低 12 cm，所以

$$(-4) \times (+3) = -12.$$

类似地，3 天前的水位变化是 $(-4) \times (-3)$ ，3 天前的水位比今天高 12 cm，所以

$$(-4) \times (-3) = +12.$$

$$(+4) \times (+3) = 12$$

$$(+4) \times (-3) = -12$$

$$(-4) \times (-3) = 12$$

$$(-4) \times (+3) = -12$$



一个乘数
改变符号，积
也改变符号。



试一试

仿照上面的过程，试写出表示1天后、2天后、1天前、2天前的水位变化的算式。

填写下表：

$(+4) \times (+3) = +12,$	$(-4) \times (-3) = +12,$
$(+4) \times (+2) = \underline{\quad},$	$(-4) \times (-2) = \underline{\quad},$
$(+4) \times (+1) = \underline{\quad},$	$(-4) \times (-1) = \underline{\quad},$
$(+4) \times 0 = \underline{\quad},$	$(-4) \times 0 = \underline{\quad},$
$(+4) \times (-1) = \underline{\quad},$	$(-4) \times (+1) = \underline{\quad},$
$(+4) \times (-2) = \underline{\quad},$	$(-4) \times (+2) = \underline{\quad},$
$(+4) \times (-3) = -12.$	$(-4) \times (+3) = -12.$



议一议

两个有理数相乘，积的符号怎样确定？积的绝对值怎样确定？

有理数乘法 (multiplication) 法则

两数相乘，同号得正，异号得负，并把绝对值相乘。
0 与任何数相乘都得 0.

例 1 计算：

$$(1) 9 \times (-6);$$

$$(2) (-9) \times 6;$$

$$(3) (-9) \times (-6).$$

解：(1) $9 \times (-6) = -(9 \times 6) = -54;$

(2) $(-9) \times 6 = -(9 \times 6) = -54;$

(3) $(-9) \times (-6) = +(9 \times 6) = 54.$



练一练

1. 计算：

$$(1) (-7) \times 3;$$

$$(2) (-48) \times (-3);$$

$$(3) (-6.5) \times (-7.2);$$

$$(4) \left(-\frac{2}{3}\right) \times 9.$$

2. 计算:

$$(1) \left(-1\frac{1}{2}\right) \times \left(+1\frac{1}{3}\right) \times \left(-1\frac{1}{4}\right);$$

$$(2) (-0.25) \times (-2) \times \left(-\frac{5}{12}\right) \times (+0.8).$$



1. 下面黑板上 3 组算式的结果分别相等吗?

(1)	$\triangle 6 \times \bigcirc -7 = \underline{\quad}$	$\bigcirc -7 \times \triangle 6 = \underline{\quad}$
(2)	$\triangle 3 \times \bigcirc -5 \times \square -2 = \underline{\quad}$	$\triangle 3 \times (\bigcirc -5 \times \square -2) = \underline{\quad}$
(3)	$\bigcirc -3 + \square 5 \times \triangle 4 = \underline{\quad}$	$\bigcirc -3 \times \triangle 4 + \square 5 \times \triangle 4 = \underline{\quad}$

2. 把 \triangle 、 \bigcirc 、 \square 中的数换成其他的有理数, 各组算式的结果仍相等吗?

事实上, 小学里学过的乘法交换律、乘法结合律、乘法分配律, 在有理数范围内仍然适用.

有理数乘法运算律

交换律: $a \times b = b \times a$.

结合律: $(a \times b) \times c = a \times (b \times c)$.

分配律: $(a+b) \times c = a \times c + b \times c$.

例 2 计算: $\left(\frac{1}{2} + \frac{5}{6} - \frac{7}{12}\right) \times (-36)$.

解: $\left(\frac{1}{2} + \frac{5}{6} - \frac{7}{12}\right) \times (-36)$

$$= \frac{1}{2} \times (-36) + \frac{5}{6} \times (-36) + \left(-\frac{7}{12}\right) \times (-36)$$

$$= -18 - 30 + 21$$

$$= -48 + 21$$

$$= -27.$$

例3 计算:

$$(1) 8 \times \frac{1}{8};$$

$$(2) (-4) \times \left(-\frac{1}{4}\right);$$

$$(3) \left(-\frac{7}{8}\right) \times \left(-\frac{8}{7}\right).$$

解: (1) $8 \times \frac{1}{8} = 1;$

$$(2) (-4) \times \left(-\frac{1}{4}\right) = +\left(4 \times \frac{1}{4}\right) = 1;$$

$$(3) \left(-\frac{7}{8}\right) \times \left(-\frac{8}{7}\right) = +\left(\frac{7}{8} \times \frac{8}{7}\right) = 1.$$

像8与 $\frac{1}{8}$ 、-4与 $-\frac{1}{4}$ 、 $-\frac{7}{8}$ 与 $-\frac{8}{7}$ ……乘积为1的两个数互为倒数, 其中一个数叫做另一个数的**倒数**(reciprocal).



练一练

1. 计算:

$$(1) 8 \times (-2) \times (-5);$$

$$(2) (-5) \times 10 \times (-2);$$

$$(3) \left(-\frac{1}{2} - \frac{1}{3} + \frac{3}{4}\right) \times (-60);$$

$$(4) 3 \times 5 - (-5) \times 5 + (-1) \times 5.$$

2. 说出下列各数的倒数:

$$(1) -3; \quad (2) -\frac{1}{2}; \quad (3) \frac{13}{25}; \quad (4) -\frac{13}{12}.$$

某地某周每天上午8时的气温记录如下:

星期日	星期一	星期二	星期三	星期四	星期五	星期六
-3°C	-3°C	-2°C	-3°C	0°C	-2°C	-1°C

该地该周每天上午8时的平均气温为:

$$[(-3) + (-3) + (-2) + (-3) + 0 + (-2) + (-1)] \div 7, \text{ 即 } (-14) \div 7.$$

如何计算 $(-14) \div 7$?

因为 $(-2) \times 7 = -14$,
所以 $(-14) \div 7 = -2$.

$$(-14) \times \frac{1}{7} = -2.$$



求 $(-14) \div 7$ 的高, 就是要求一个数, 使它与 7 的积是 -14 . 这个数是 -2 .

小学里我们学过, 除以一个数等于乘这个数的倒数.



议一议

小丽和小明的算法正确吗?

比较他们的算法:

$$\begin{array}{ccc}
 (-14) \div 7 = -2. & & \\
 \downarrow & & \downarrow \\
 \text{除号变成乘号} & & 7 \text{ 变成它的倒数 } \frac{1}{7} \\
 (-14) \times \frac{1}{7} = -2. & &
 \end{array}$$

以上两种算法的结果相同, 所以

$$(-14) \div 7 = (-14) \times \frac{1}{7}.$$



试一试

仿照上面的算式, 填空:

- (1) $(-10) \div 2 = (-10) \times \underline{\quad}$; (2) $24 \div (-8) = 24 \times \underline{\quad}$;
 (3) $(-12) \div (-4) = (-12) \times \underline{\quad}$.

有理数除法 (division) 法则

除以一个不等于 0 的数, 等于乘这个数的倒数.

因为有理数的除法可以转化为乘法, 所以有理数的除法有与乘法类似的法则:

两个不等于 0 的数相除, 同号得正, 异号得负, 并把绝对值相除.
 0 除以任何一个不等于 0 的数, 都得 0.

例4 计算:

(1) $36 \div (-9)$;

(2) $(-48) \div (-6)$;

(3) $(-\frac{1}{2}) \div (-\frac{2}{3})$.

解: (1) $36 \div (-9) = -4$;

(2) $(-48) \div (-6) = 8$;

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & (-\frac{1}{2}) \div (-\frac{2}{3}) \\
 &= (-\frac{1}{2}) \times (-\frac{3}{2}) \\
 &= \frac{1}{2} \times \frac{3}{2} \\
 &= \frac{3}{4}.
 \end{aligned}$$

例5 计算:

(1) $(-32) \div 4 \times (-8)$;

(2) $17 \times (-6) \div (-5)$;

(3) $(-81) \div \frac{9}{4} \times \frac{4}{9} \div (-16)$.

$$\begin{aligned}
 \text{解: (1)} \quad & (-32) \div 4 \times (-8) \\
 &= (-32) \times \frac{1}{4} \times (-8) \\
 &= (-8) \times (-8) \\
 &= 64; \\
 (2) \quad & 17 \times (-6) \div (-5) \\
 &= 17 \times (-6) \times (-\frac{1}{5}) \\
 &= (-102) \times (-\frac{1}{5}) \\
 &= \frac{102}{5};
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 (3) \quad & (-81) \div \frac{9}{4} \times \frac{4}{9} \div (-16) \\
 &= -81 \times \frac{4}{9} \times \frac{4}{9} \times \left(-\frac{1}{16}\right) \\
 &= -16 \times \left(-\frac{1}{16}\right) \\
 &= 1.
 \end{aligned}$$



练一练

1. 计算:

$$\begin{array}{ll}
 (1) 1 \div (-5); & (2) 0 \div \left(-\frac{1}{2}\right); \\
 (3) (-91) \div 13; & (4) (-63) \div (-9); \\
 (5) \left(-\frac{4}{3}\right) \div \left(-\frac{3}{4}\right); & (6) 0.25 \div \left(-\frac{3}{8}\right).
 \end{array}$$

2. 计算:

$$\begin{array}{ll}
 (1) 12 \times (-3) \div (-4); & (2) (-6) \div 2 \times \left(-\frac{1}{2}\right); \\
 (3) (-5) \div \left(-\frac{1}{5}\right) \times 5; & (4) (-2) \div (-10) \times \left(-3\frac{1}{3}\right).
 \end{array}$$

计算器操作



进行有理数乘法和除法运算，只要依次输入算式中的有理数及乘号键 \times 或除号键 \div ，输入完毕，按等号键 $=$ ，即得运算结果。

例 计算：(1) $(-4.5) \div 3.2$ ； (2) $\frac{2}{3} \div \left(-\frac{4}{15}\right) \times \frac{1}{2}$ 。

解 依次按以下各键：

(1) $($ $(-)$ 4 $.$ 5 $)$ \div 3 $.$ 2 $=$.

计算器显示的结果为 $-\frac{45}{32}$ 。

(2) 2 \div $($ $(-)$ 4 \div 15 $)$ \times 1 \div 2 $=$.

计算器结果显示为 $-\frac{5}{4}$ 。

如果要把运算结果进行分数与小数的转换，只要按键 $\frac{\square}{\square}$ 即可。

1. 计算:

(1) $(-8) \times (-5)$;

(2) $(-3) \times (-4)$;

(3) $\frac{2}{25} \times (-2.5)$;

(4) $(-\frac{7}{16}) \times (-8)$.

2. 计算:

(1) $5 \times (-3) \times (-9)$;

(2) $(-13) \times (-15) \times 0 \times (-901)$;

(3) $(-3) \times (-2) \times (-4) \times (-1)$;

(4) $(-\frac{1}{2}) \times \frac{2}{3} \times (-\frac{3}{4}) \times (-\frac{4}{5})$.

3. 计算:

(1) $0.1 \times (-0.001) \times (-10)$;

(2) $0.125 \times (-2) \times (-8)$;

(3) $(\frac{7}{4} - \frac{7}{8} - \frac{7}{16}) \times (-\frac{8}{7})$;

(4) $(-5) \times 7 + 13 \times 7$.

4. 用简便方法计算:

(1) $19\frac{15}{16} \times (-8)$;

(2) $(-99) \times 999$.

5. 计算:

(1) $(-20) \div 10$;

(2) $84 \div (-16)$;

(3) $(-105) \div (-5)$;

(4) $(-3) \div (-9)$;

(5) $(-25) \div \frac{1}{5}$;

(6) $13 \div (-\frac{1}{13})$.

6. 计算:

(1) $0 \div (-5) \times 100$;

(2) $100 \div \frac{1}{8} \times (-8)$;

(3) $1 \div (-\frac{2}{7}) \times \frac{1}{7}$;

(4) $\frac{1}{2} \times (-\frac{4}{15}) \div \frac{2}{3}$;

(5) $(-84) \div 2 \times (-3) \div (-6)$; (6) $(-48) \div \frac{7}{4} \div (-12) \times \frac{7}{4}$.

7. 因强冷空气南下, 预计某地平均每小时降温 1.5°C , 如果上午 10 时测得气温为 8°C , 那么下午 5 时该地的气温是多少?

8. 一座有三道环路的数字迷宫，每一个入口处都设置一个数，要求每一个进入者都把自己当作数“1”，进入时必须乘入口处的数，并将结果带到下一个入口，依次累乘下去。在通过最后一个入口时，如果乘积是24才能到达迷宫中心。你能从第一道环路的任何一个入口进入，到达迷宫中心吗？



(第8题)



读一读

漫长的历程

早在公元前5世纪我国春秋战国初期，魏国的相国李悝就在《法经》一书中用“不足”来表示亏空。

公元前1世纪，我国古代最重要的数学著作《九章算术》，就论述了有理数的加减运算法则，它是至今发现的世界上最早详细论述“正负术”的数学著作。

公元3世纪，我国数学家刘徽明确指出：“今两算得失相反，要令正负以名之。”就是说对于两个相反意义的量，要用正、负来区别。他还提出“正算赤，负算黑，否则以邪正为异”，即用红筹表示正数，黑筹表示负数，不然的话就将算筹正放或斜放以区别正、负数，并给出了正确处理正、负数乘除运算的实例。

公元1299年，我国元代数学家朱世杰在《算学启蒙》中给出了正、负数的乘除法则。

印度最早使用负数是在公元7世纪，他们将小圆点或小圆圈标注在数字上面表示负数。

1629年，荷兰数学家吉拉德(Girard, A.)的负数符号“-”得到公认。

负数的地位最后由德国的魏尔斯特拉斯(Weierstrass, K. T. W.)和意大利的皮亚诺(Peano, G.)在1860年和1889年确立。

人类对负数的认识经历了漫长的历程。

2.7 有理数的乘方

手工拉面是我国的传统面食. 制作时, 拉面师傅将一团和好的面, 揉搓成1根长条后, 手握两端用力拉长, 然后将长条对折, 再拉长, 再对折(每次对折称为一扣), 如此反复操作, 连续拉扣若干次后便成了许多根细细的面条. 你能算出拉扣6次后共有多少根面条吗?



1根面条拉扣1次成2根, 拉扣2次就成 2×2 根……每拉扣1次, 面条数就增加1倍, 拉扣6次, 共有面条 $2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 = 64$ (根).



试一试

将一张报纸对折, 再对折……直到无法对折为止. 你对折了多少次? 请用算式表示你对折出来的报纸层数.

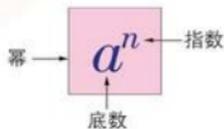
你还能举出类似的实例吗?

$2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2 \times 2$ 记作 2^6 , 读作“2的6次方”;

$7 \times 7 \times 7$ 记作 7^3 , 读作“7的3次方”.

一般地, $\underbrace{a \cdot a \cdot a \cdots a}_{n \text{ 个}}$ 记作 a^n , 读作“a的n次方”.

求相同因数的积的运算叫做**乘方**(power), 相同因数叫做**底数**(base number), 相同因数的个数叫做**指数**(exponent), 乘方运算的结果叫**幂**(power).



例如, 2^6 读作“2的6次方”, 2是底数, 6是指数. 如果把 2^6 看作乘方运算的结果, 这时它表示数, 读作“2的6次幂”.

例 1 计算:

$$(1) 3^7; \quad (2) 7^3;$$

$$(3) (-3)^4; \quad (4) (-4)^3.$$

解: (1) $3^7 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 2\,187$;

(2) $7^3 = 7 \times 7 \times 7 = 343$;

(3) $(-3)^4 = (-3) \times (-3) \times (-3) \times (-3) = 81$;

(4) $(-4)^3 = (-4) \times (-4) \times (-4) = -64$.

例 2 计算:

$$(1) \left(\frac{1}{2}\right)^5; \quad (2) \left(\frac{3}{5}\right)^3;$$

$$(3) \left(-\frac{2}{3}\right)^4.$$

解: (1) $\left(\frac{1}{2}\right)^5 = \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{32}$;

(2) $\left(\frac{3}{5}\right)^3 = \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} \times \frac{3}{5} = \frac{27}{125}$;

$$\begin{aligned} (3) \left(-\frac{2}{3}\right)^4 &= \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right) \times \left(-\frac{2}{3}\right) \\ &= \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} \times \frac{2}{3} = \frac{16}{81}. \end{aligned}$$



想一想

- $(-1)^{10}$ 、 $(-1)^7$ 、 $\left(-\frac{1}{2}\right)^4$ 、 $\left(-\frac{1}{2}\right)^5$ 是正数还是负数?
- 负数的幂的符号如何确定?

正数的任何次幂都是正数;

负数的奇数次幂是负数, 负数的偶数次幂是正数.

特别地, 一个数的二次方, 也称为这个数的平方(square); 一个数的三次方, 也称为这个数的立方(cube).



练一练

1. 计算:

$$(1) (-5)^3; \quad (2) \left(-\frac{1}{2}\right)^5;$$

$$(3) \left(-\frac{1}{3}\right)^4; \quad (4) -5^3;$$

(5) 0.1^4 ;

(6) 1^8 .

2. 填空:

(1) $3^2 + 4^2 = (\quad)^2$; (2) $5^2 + 12^2 = (\quad)^2$;

(3) $7^2 + 24^2 = (\quad)^2$; (4) $9^2 + 40^2 = (\quad)^2$.

3. 观察下列各式, 然后填空:

$$10 = 10^1;$$

$$100 = 10 \times 10 = 10^2;$$

$$1\,000 = 10 \times 10 \times 10 = 10^3;$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = 10^4;$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = 10^5;$$

$$\underline{\hspace{2cm}} = \underline{\hspace{2cm}} = 10^6.$$

“先见闪电, 后闻雷声”, 那是因为光的传播速度大约为 $300\,000\,000\text{ m/s}$, 而在常温下, 声音在空气中的传播速度大约为 340 m/s , 光的传播速度远远大于声音的传播速度.



做一做

1. 人体中大约有 $25\,000\,000\,000\,000$ 个红细胞. 先将 $25\,000\,000\,000\,000$ 输入计算器, 再按“=”键, 计算器上是如何显示这个数的?

2. 用计算器计算 $8\,000\,000 \times 600\,000\,000$, 计算器上是如何显示计算结果的?

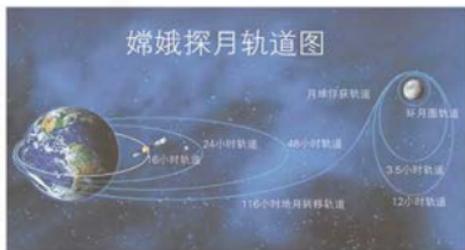
像这些较大的数可以用如下的方法简明地表示:

$$25\,000\,000\,000\,000 = 2.5 \times 10\,000\,000\,000\,000 = 2.5 \times 10^{13};$$

$$8\,000\,000 \times 600\,000\,000 = 4\,800\,000\,000\,000\,000 = 4.8 \times 1\,000\,000\,000\,000\,000 = 4.8 \times 10^{15}.$$

一般地, 一个大于 10 的数可以写成 $a \times 10^n$ 的形式, 其中 $1 \leq a < 10$, n 是正整数. 这种记数法称为**科学记数法**(scientific notation).

例3 2007年10月24日我国成功发射“嫦娥1号”探月卫星，经绕地调相轨道、地月转移轨道飞行后，“嫦娥1号”于11月7日顺利进入绕月工作轨道，共飞行326 h，行程约1 800 000 km，其中在地月转移轨道飞行了436 600 km。试用科学记数法表示这两个行程。



解： $1\ 800\ 000\ \text{km} = 1.8 \times 10^6\ \text{km}$ ，

$436\ 600\ \text{km} = 4.366 \times 10^5\ \text{km}$ 。



练一练

1. 用科学记数法表示下列各数：

(1) 地球的半径大约为 6 400 km；

(2) 地球与月球的平均距离大约为 384 000 km；

(3) 地球与太阳的平均距离大约为 150 000 000 km。

2. 不用科学记数法写出下列各数：

(1) 1.3×10^9 ；

(2) 9.597×10^6 ；

(3) 2.0×10^8 。

计算器操作



对于平方运算，在输入底数后，按平方键 x^2 ，再按等号键 $=$ ，即得运算结果。

对于高于 2 次的乘方运算，输入底数后，按乘幂键 x^y ，然后输入指数，再按等号键 $=$ ，即得运算结果。

例 计算： $(-2.7)^3$ 。

解：依次按以下各键：

计算器显示的结果为 -19.683。

1. 计算:

(1) 4^3 ;

(2) $(-2.5)^3$;

(3) -0.3^4 ;

(4) $-(-0.4)^2$;

(5) $\left(-\frac{3}{4}\right)^4$;

(6) 10^6 .

2. 如果你第1个月存2元,从第2个月起每个月的存钱数都是上个月的2倍,那么第6个月要存多少钱?第12个月呢?

3. 计算:

(1) $-3^2 - (-3)^3 + (-2)^2 - 2^3$;

(2) $-18 \div (-3)^2$.

4. 用科学记数法表示下列各数:

(1) 同步卫星在赤道上空大约 36 000 000 m 处;

(2) 太阳的半径约为 696 000 000 m;

(3) 月球的半径约为 1 738 000 m;

(4) 全球平均每年发生的雷电次数约为 16 000 000 次.

5. 1972年3月美国发射的“先驱者10号”,是人类发往太阳系外的第一艘人造太空探测器.至2003年2月人们最后一次收到它发回的信号时,它已飞离地球 12 200 000 000 km. 用科学记数法表示这个距离.

6. 截至2002年3月,由我国拉面高手创造的吉尼斯纪录是用 1 kg 面粉拉扣 21 次.

(1) 请用计算器计算当时共拉出多少根细面条.

(2) 经测量,当时每根面条的长为 1.29 m,拉面高手所拉出的细面条的总长度能超过珠穆朗玛峰的高度吗?

7. 2003年10月15日,我国成功发射了第一艘载人航天飞船——“神舟5号”.它先在一个椭圆形轨道上飞行4圈,约167 676 km,然后变轨进入离地面343 km的以地球中心为圆心的圆形轨道,在圆形轨道上飞行10圈后返回地面.若地球半径为6 400 km,试计算“神舟5号”航天飞船在椭圆形轨道和圆形轨道上一共飞行了多少千米,并用科学记数法表示这个结果.



(第7题)

2.8 有理数的混合运算

小学里，进行加、减、乘、除混合运算的顺序，是“先乘除，后加减，如果有括号，先进行括号内的运算”。

$$8 - 2^3 \div (-4) \times (-7 + 5) = ?$$

上面的算式中，含有有理数的加、减、乘、除、乘方运算，像这样的有理数的混合运算，有以下运算顺序：

先乘方，后乘除，再加减，如果有括号，先进行括号内的运算。

$$\begin{aligned} & 8 - 2^3 \div (-4) \times (-7 + 5) \\ &= 8 - 2^3 \div (-4) \times (-2) \\ &= 8 - 8 \div (-4) \times (-2) \\ &= 8 - 4 \\ &= 4. \end{aligned}$$

例1 计算： $9 + 5 \times (-3) - (-2)^2 \div 4$.

$$\begin{aligned} \text{解：} & 9 + 5 \times (-3) - (-2)^2 \div 4 \\ &= 9 + 5 \times (-3) - 4 \div 4 \\ &= 9 - 15 - 1 \\ &= -7. \end{aligned}$$

例2 计算： $(-5)^3 \times [2 - (-6)] - 300 \div 5$.

$$\begin{aligned} \text{解：} & (-5)^3 \times [2 - (-6)] - 300 \div 5 \\ &= (-5)^3 \times 8 - 300 \div 5 \\ &= (-125) \times 8 - 300 \div 5 \\ &= -1\,000 - 60 \\ &= -1\,060. \end{aligned}$$



练一练

计算：

(1) $18 - 6 \div (-3) \times (-2)$; (2) $2^4 + 16 \div (-2)^2 \div (-10)$;

(3) $(-3)^3 \div (6 - 3^2)$; (4) $(5 + 3 \div \frac{1}{3}) \div (-2) + (-3)^2$.

例3 计算： $(-\frac{1}{3}) \times 3 \div 3 \times (-\frac{1}{3})$.

$$\begin{aligned}
 \text{解：} & (-\frac{1}{3}) \times 3 \div 3 \times (-\frac{1}{3}) \\
 &= (-1) \times \frac{1}{3} \times (-\frac{1}{3}) \\
 &= (-\frac{1}{3}) \times (-\frac{1}{3}) \\
 &= \frac{1}{9}.
 \end{aligned}$$

例4 计算： $(-\frac{1}{4} - \frac{5}{6} + \frac{8}{9}) \div (-\frac{1}{6})^2 + (-2)^2 \times (-14)$.

$$\begin{aligned}
 \text{解：} & (-\frac{1}{4} - \frac{5}{6} + \frac{8}{9}) \div (-\frac{1}{6})^2 + (-2)^2 \times (-14) \\
 &= (-\frac{1}{4} - \frac{5}{6} + \frac{8}{9}) \times 36 + 4 \times (-14) \\
 &= -\frac{1}{4} \times 36 - \frac{5}{6} \times 36 + \frac{8}{9} \times 36 + (-56) \\
 &= -9 - 30 + 32 - 56 \\
 &= -63.
 \end{aligned}$$



练一练

计算：

(1) $(\frac{1}{4} - \frac{5}{6} + \frac{1}{3} + \frac{3}{2}) \div (-\frac{1}{2})^2$;

(2) $(\frac{1}{3} - \frac{1}{2}) \times (-6) + (-\frac{1}{2})^2 \div (-\frac{1}{2})^3$;

(3) $-1^4 - [2 - (-3)^2]$.



分 类

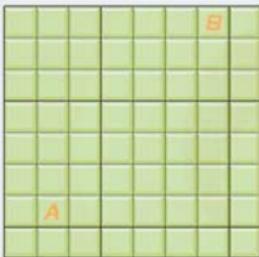
人们数钱时通常先将钱币分类,把相同面值的钱币整理在一起;商场陈列商品时也总是分类摆放……

在讨论有理数的有关问题时,我们常把有理数分为正有理数、负有理数和零3类,比如把有理数的绝对值分为正数的绝对值、负数的绝对值和零的绝对值3种情况来讨论;在研究有理数的运算(如有理数的加法、乘法)时,把两个有理数分为同号、异号以及两数中至少有一个是零来研究.

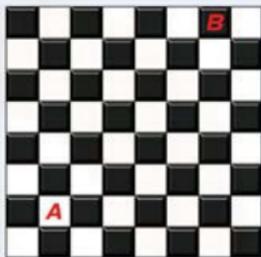
分类是研究问题的一种常用方法,通过分类,可以使复杂的问题变得简单明了,易于解决.

如图(1),在一个 8×8 的方格棋盘的A格里放一枚棋子,如果规定棋子每步只能向上、向下或向左、向右走一格,那么A格里的这枚棋子走28步后能否到达B格?

按上面的规定,棋子每走一步都面临几种可能的选择,所以该棋子走完28步后,可能出现的情况十分复杂.



(1)



(2)

如图(2),如果把棋盘上的方格分成黑白相间的两类,使每个黑格的周围都是白格,每个白格的周围都是黑格,那么棋子从白色的A格出发,第一步必定进入黑格,第二步必定进入白格,第三步又进入黑格……也就是说,棋子走奇数步时,进入黑格;走偶数步时,进入白格.由此可知,当棋子从A格出发走28步后,必定进入白格而不可能到达黑色的B格.

数学活动

算“24”

算“24”是一种常见的扑克牌游戏.

我们约定一副扑克牌中的 J 为 11, Q 为 12, K 为 13, A 为 1, 黑色数字为正数, 红色数字为负数. 例如, 图中的 2 张扑克牌分别表示 9、-11.

将一副扑克牌平均分给 2 (或 4) 人, 每人每次出 2 (或 1) 张牌, 将牌面所表示的数进行有理数的加、减、乘、除、乘方运算 (每张牌只能用 1 次). 先算得“24”者记 2 分, 然后抛出这 4 张牌; 若无人算得“24”, 则不将牌抛出, 也不记分.

如此继续下去, 直到大家都不能出牌为止. 积分多者为胜.



小结与思考

在本章里, 我们学习了有理数、无理数、数轴、绝对值、相反数以及有理数的运算法则和运算律. 请思考下列问题:

1. 你能说出有理数的加、减、乘、除运算与小学里相应的运算有哪些相同点、不同点吗?
2. 从特殊的、具体的运算入手, 探索、归纳出普遍适用的运算法则是本章研究问题的一个重要方法. 对此, 你感受最深的是哪一个法则的探索过程?
3. 形与数结合有助于我们理解数学概念. 例如, 利用数轴, 我们可以直观地比较数的大小, 理解绝对值和互为相反数等概念的意义. 你还记得在探讨有理数的运算法则时, 怎样运用数形结合的方法吗?
4. 作为有理数乘方的一种应用, 科学记数法给人们表示较大的数带来了方便, 你会用科学记数法表示较大的数吗?
5. 本章中研究问题时, 我们常常把研究的对象进行分类, 从而使问题得到解决. 分类是一种重要的数学思想方法, 你能举出本章中用分类的思想方法解决问题的例子吗?



复习巩固

1. 将下列各数填入相应的括号内:

$$-2.5, 5\frac{1}{2}, 0, 8, -2, \frac{\pi}{2}, 0.7, -\frac{2}{3},$$

$$-1.121\ 121\ 112\cdots, \frac{3}{4}, -0.\dot{0}\dot{5}.$$

正数集合: { ... };

负数集合: { ... };

有理数集合: { ... };

无理数集合: { ... }.

2. 说出数轴上的点 A、B、C、D 所表示的数, 在数轴上画出表示 -3.2 和 2.6 的点.



(第2题)

3. 将下列各数按从小到大的顺序用“<”号连接起来:

$$-3^2, -|-2.5|, -\left(-2\frac{1}{2}\right), 0, -(-1)^{100}, -|\pi|.$$

4. 填空:

(1) 一个数的绝对值是 0.37 , 这个数是_____;

(2) 一个数的平方是 49 , 这个数是_____;

(3) 一个数的相反数是 $-2\frac{1}{5}$, 这个数是_____

_____, 它的绝对值是_____;

- (4) 某水文观测站的记录员将高于平均水位 1.5 m 的水位记作 $+1.5\text{ m}$, 那么 -0.8 m 表示_____; 如果该站的平均水位为 51.3 m , 那么 -1.12 m 表示的实际水位为_____.



(第4(4)题)

5. 计算:

(1) $22 + (-4) + (-2) + 4$;

- (2) $-15 - [-1 - (4 - 20)]$;
 (3) $-4 - 28 - (-19) + (-24)$;
 (4) $-11 + 22 - (-3) \times 11$;
 (5) $48 \div [(-2)^3 - (-4)]$;
 (6) $(-1)^3 \times (-5) \div [(-3)^2 + 2 \times (-5)]$.

6. 计算:

- (1) $(-\frac{2}{9}) + (-\frac{7}{9}) - (-2)$;
 (2) $4.6 - (-\frac{3}{4} + 1.6 - 4) - \frac{3}{4}$;
 (3) $(\frac{1}{2} - 3 + \frac{5}{6} - \frac{7}{12}) \div (-\frac{1}{36})$;
 (4) $[\frac{3}{4} + (-\frac{1}{2}) - (-\frac{7}{8})] \div (-\frac{7}{8})$;
 (5) $-3 \times (-\frac{1}{3})^3 - (\frac{1}{3})^2 \div (-\frac{2}{3})^2$;
 (6) $[-\frac{1}{3} \times (-\frac{1}{2}) + (-\frac{1}{9}) \div \frac{2}{3}] \div (-2)^3$.

7. 用科学记数法表示下列各数:

- (1) 9 460 528 000 000;
 (2) 602 000 000 000 000 000 000 000.

灵活运用

8. 计算:

- (1) $[(-3)^2 - 2^2 - (-5)^2] \times \frac{5}{6} \div \frac{4}{9} \times (-2)^4$;
 (2) $4\frac{1}{2} \times [-3^2 \times (-\frac{1}{3})^2 - 0.8] \div (-5\frac{1}{4})$.

9. 用计算器计算:

- (1) $2 \times 92.35^2 + 83.96^3$;
 (2) $[\frac{2}{3} \div (-4) - \frac{1}{4} \times (-0.4)] \div (\frac{1}{3})^2 - (-2)$.

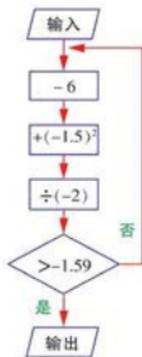
10. 用 4 个 1 组成一个数, 看看谁组成的数大.

11. 某药品说明书中有以下一段文字:“用药后, 在 (0.67 ± 0.15) h 血液中的药浓度达到最高.”你能说明其中“ ± 0.15 ”的意义吗?

12. 按图中程序计算，并把输出的结果填入表内：

输入	输出
2	
6	
8	

(第12题)



13. 学校图书馆平均每天借出图书 50 册。如果某天借出 53 册，就记作 +3；如果某天借出 40 册，就记作 -10。上星期图书馆借出图书记录如下：

星期一	星期二	星期三	星期四	星期五
0	+8	+6	-2	-7

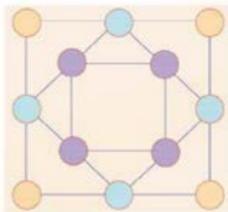
- 上星期五借出图书多少册？
 - 上星期二比上星期五多借出图书多少册？
 - 上星期平均每天借出图书多少册？
14. 邮递员骑车从邮局出发，先向西骑行 2 km 到达 A 村，继续向西骑行 3 km 到达 B 村，然后向东骑行 9 km 到达 C 村，最后回到邮局。
- 以邮局为原点，向东方向为正方向，用 1 cm 表示 1 km，画出数轴，并在该数轴上表示 A、B、C 三个村庄的位置；
 - C 村离 A 村有多远？
 - 邮递员一共骑行了多少千米？
15. 某地的国际标准时间 (GMT) 是指该地与格林尼治 (Greenwich) 的时差。以下为同一时刻 5 个城市的国际标准时间 (“+”表示当地时间比格林尼治时间早，“-”表示当地时间比格林尼治时间晚)：

城市	伦敦	北京	东京	多伦多	纽约
国际标准时间	0	+8	+9	-4	-5

- (1) 伦敦时间中午 12 点时, 东京和多伦多的当地时间分别是几点?
- (2) 北京时间早晨 7 点时, 纽约的当地时间是几点?

探索研究

16. 如图, 有 3 个正方形, 每个正方形的顶点处都有一个“○”. 请将 -12 、 -10 、 -8 、 -6 、 -4 、 -2 、 1 、 3 、 5 、 7 、 9 、 11 这 12 个数填入恰当的位置, 使每个正方形的 4 个顶点处“○”中的数的和都为 -2 . 如果将这 12 个数改为 -11 、 -9 、 -7 、 -5 、 -3 、 -1 、 2 、 4 、 6 、 8 、 10 、 12 , 还能满足要求吗? 请与同学交流.



(第 16 题)



(第 17 题)

17. 在钟面上的 12 个数前面, 恰当地添上正号或负号, 使它们的和为 0. 你能做到吗? 请与同学交流.
18. 桌子上有 3 只杯口朝上的茶杯, 每次翻转 2 只, 能否经过若干次翻转使这 3 只杯子的杯口全部朝下? 7 只杯口朝上的茶杯, 每次翻转 3 只, 能否经过若干次翻转使这 7 只杯子的杯口全部朝下? 如果用“+1”、“-1”分别表示杯口“朝上”、“朝下”, 你能用有理数的运算说明理由吗?

后 记

本套教材是以《义务教育 数学课程标准(2011 年版)》为依据,在广泛听取专家、实验区师生的意见和建议的基础上,对《义务教育课程标准实验教科书 数学(苏科版)》(以下简称“实验本”)进行修订而成的,供义务教育 7~9 年级使用。

本套教材每章的开头部分设置:

章头图,章头语,章头问题,本章内容概述。

每章的内容部分设置:

“数学实验室”——通过“做”数学,感悟、理解数学知识;

“数学活动”——运用本章知识解决一些简单的问题;

“阅读”和“读一读”——介绍数学思想方法、拓展课本内容;

“练一练”——按课时编写,供当堂练习用;

“习题”——按节编写,供本节各个课时课后作业用。

每章的末尾部分设置:

“小结与思考”——梳理本章知识的结构、提炼基本思想;

“复习题”(分为复习巩固、灵活应用、探索研究三个层次)——供本章复习时用,其中“灵活应用”、“探索研究”部分的习题可根据实际情况选用。

本套教材的每册课本设置一个“课题学习”——综合运用有关知识解决实际问题,全书使用了卡通人“小明”、“小丽”,并根据课程内容展开的需要,编写了一些卡通语。

“实验本”教材由杨裕前、董林伟任主编,丁伟明、李善良曾任副主编,参与本册(“实验本”)各章编写的有徐延觉、杨秋萍、朱建明、周凯。

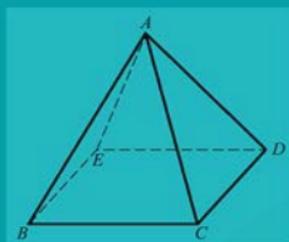
修订后的本套教材由杨裕前、董林伟任主编,参与修订的编写人员有周凯、杨秋萍、徐延觉、朱建明;参与教材修订讨论的有王永建、周学祁、陈志廉、荆福仁。

史宁中教授、顾泠沅教授、张英伯教授等专家、同行,对本套教材的修订给予了热情的帮助和指导,提出了许多宝贵的意见和建议,在此表示衷心感谢!



义务教育教科书
数学 七年级上册

主 编 杨裕前 董林伟
责任编辑 许礼光 因正年 沈 琮
责任校对 杜秋宁



数学

SHU XUE

七年级 上册